

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«БЕЛГОРОДСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. В.Г.ШУХОВА»
(БГТУ им. В.Г. Шухова)

УТВЕРЖДАЮ
Директор института энергетики,
информационных технологий и
управляющих систем

Белоусов А.В.

« 20

2021 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
дисциплины

Вычислительная математика

направление подготовки:

10.05.03 Информационная безопасность автоматизированных систем

Специализация программы:

Безопасность открытых информационных систем

Квалификация

Специалист по защите информации

Форма обучения

очная

Институт энергетики, информационных технологий и управляющих систем

Кафедра Программного обеспечения вычислительной техники и
автоматизированных систем

Белгород 2021

Рабочая программа составлена на основании требований:

- Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования – специалитет по специальности 10.05.03 Информационная безопасность автоматизированных систем, утвержденного приказом Минобрнауки России от 26.11.2020 №1457
- учебного плана, утвержденного ученым советом БГТУ им. В.Г. Шухова в 2021 году.

Составитель:

 (Бондаренко Т.В.)
(ученая степень и звание, подпись) (инициалы, фамилия)

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры

« 14 » 05 2021 г., протокол № 8

Заведующий кафедрой: к.т.н., доцент  (Поляков В.М.)
(ученая степень и звание, подпись) (инициалы, фамилия)

Рабочая программа согласована с выпускающей кафедрой программного обеспечения вычислительной техники и автоматизированных систем
(наименование кафедры/кафедры)

Заведующий кафедрой: к.т.н., доцент  (Поляков В.М.)
(ученая степень и звание, подпись) (инициалы, фамилия)

« 14 » 05 2021 г.

Рабочая программа одобрена методической комиссией института

« 20 » 05 2021 г., протокол № 9

Председатель к.т.н., доцент  (Семернин А.Н.)
(ученая степень и звание, подпись) (инициалы, фамилия)

1. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Категория (группа) компетенции	Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Наименование показателя оценивания результата обучения по дисциплине
Общепрофессиональные компетенции	ОПК-3. Способен использовать математические методы необходимые для решения задач профессиональной деятельности	ОПК-3.1 Осуществляет обоснованный выбор математических методов для решения типовых задач.	<p>Знает: основные определения, понятия, особенности вычислительной математики; теоретические основы численных методов приближенного решения вычислительных задач.</p> <p>Умеет выбирать необходимые для решения задачи численные методы, определять и проверять начальные условия решения задачи.</p> <p>Владеет: навыками обоснованного выбора методов решения задачи, начальных условий и ограничений</p>
		ОПК-3.2 Решает типовые задачи математическими методами.	<p>Знает: типовые подходы к точному решению математических задач и соответствующие им численные методы, понятие погрешности и приближенного решения.</p> <p>Умеет: реализовывать вычислительные алгоритмы численных методов для решения вычислительных задач с заданной точностью с учетом ограничений.</p> <p>Владеет: навыками реализации приложений, выполняющих численное решение задач, на языке программирования высокого уровня</p>

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

1. Компетенция ОПК-3. Способен использовать математические методы необходимые для решения задач профессиональной деятельности

Данная компетенция формируется следующими дисциплинами.

Стадия	Наименования дисциплины
1.	Математический анализ
2.	Алгебра и геометрия
3.	Математическая логика и теория алгоритмов
4.	Дискретная математика
5.	Вычислительная математика
6.	Теория вероятностей и математическая статистика
7.	Теория информации
8.	Исследование операций
9.	Математика криптографии

3. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зач. единиц, 144 часа.

Форма промежуточной аттестации: дифференцированный зачет

Вид учебной работы	Всего часов	Семестр № 4
Общая трудоемкость дисциплины, час	144	144
Контактная работа (аудиторные занятия), в т.ч.:	71	71
лекции	34	34
лабораторные	34	34
практические	—	—
групповые консультации в период теоретического обучения и промежуточной аттестации	2	3
контроль самостоятельной работы	1	2
Самостоятельная работа студентов, включая индивидуальные и групповые консультации, в том числе:	73	73
Курсовой проект	—	—
Курсовая работа	—	—
Расчетно-графическое задания	—	—
Индивидуальное домашнее задание	18	18
Самостоятельная работа на подготовку к аудиторным занятиям (лекции, практические занятия, лабораторные занятия)	55	55
Форма промежуточная аттестация (дифференцированный зачет)	-	-

4. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1 Наименование тем, их содержание и объем

Курс 2 Семестр 4

№ п/п	Наименование раздела (краткое содержание)	Объем на тематический раздел по видам учебной нагрузки, час			
		Лекции	Практические занятия	Лабораторные занятия	Самостоятельная работа
1. Метод Гаусса для решения систем линейных алгебраических уравнений (СЛАУ)					
	Прямой и обратный ход метода Гаусса. Схема единственного деления: условия реализации, алгоритм. Схема с выбором максимального по модулю элемента: условия применения, алгоритм реализации. Применение метода Гаусса: вычисление определителя матрицы, вычисление матрицы обратной к данной матрице. Решения СЛАУ с произвольным числом правых частей и одной и той же матрицей коэффициентов при неизвестных за одну реализацию метода Гаусса.	2	—	2	3
2. Интерполирование функций					
	Понятие интерполяции. Понятие интерполяционного многочлена. Интерполяционный многочлен Лагранжа. Понятие и свойства разделенных и конечных разностей. Интерполяционный многочлен Ньютона. Относительная и абсолютная погрешность вычисления.	2	—	2	3
3. Численное интегрирование					
	Постановка задачи. Квадратурная формула: понятие и свойства. Формула центральных прямоугольников. Формула трапеций. Формула парабол (Симпсона). Погрешность интегрирования. Принцип Рунге для оценки погрешности. Квадратурная формула Гаусса.	4	—	2	3
4. Численное дифференцирование					
	Постановка задачи. Двух- трех- четырехточечные формулы производной функции.	2	—		1
5. Приближенное решение обыкновенных дифференциальных уравнений (ДУ)					
	Понятие дифференциального уравнения (ДУ), решения ДУ, начальных условий, интегральной кривой. Постановка задачи Коши. Метод последовательного дифференцирования для приближенного решения задачи Коши. Численные методы решения задачи Коши: метод Эйлера, метод Эйлера-Коши, модифицированный метод Эйлера, метод Рунге-Кутты. Численное решение нормальных систем дифференциальных уравнений.	4	—	2	4
6. Одномерная минимизация функций					

	Постановка задачи. Понятие локального и глобального минимума функции. Понятие унимодальности функции, нахождение отрезков унимодальности функции. Методы минимизации функции: оптимальный пассивный поиск, метод деления отрезка пополам, метод чисел Фибоначчи, метод золотого сечения.	3	—	4	10
7. Многомерная минимизация функций					
	Постановка задачи. Понятие локального и глобального минимума функции. Понятие градиента функции. Минимизация функции многих переменных методом градиента с дроблением шага. Метод наискорейшего спуска.	3	—	4	4
8. Решение системы двух нелинейных уравнений с двумя неизвестными методом Ньютона					
	Постановка задачи. Выбор начального приближения к решению системы. Линеаризация системы двух нелинейных уравнений с двумя неизвестными.	1	—	2	3
9. Решения нелинейных уравнений с одним неизвестным					
	Понятие корня уравнения. Локализация корня. Теоремы существования и единственности корня. Метод хорд: условия применимости, неподвижная и подвижная точки, алгоритм. Метод касательных: условия применимости, неподвижная и подвижная точки, алгоритм. Комбинированный метод: условие применения, алгоритм.	4	—	4	10
10. Метод итераций для решения СЛАУ					
	Норма вектора и норма матрицы. Первая норма, вторая норма, бесконечная норма матрицы и вектора: понятие и вычисление. Метод простой итерации: алгоритм, условие сходимости, правило остановки. Оценка погрешности решения	2	—	4	5
11. Собственные числа и собственные векторы матрицы					
	Понятие собственного числа и собственного вектора матрицы. Степенной метод приближенного вычисления: алгоритм. Степенной метод со сдвигами.	3	—	4	4
12. Аппроксимация данных					
	Постановка задачи. Метод наименьших квадратов: алгоритм. Оценка качества аппроксимации.	3	—	4	4
13. Треугольная система уравнений					
	Понятие треугольной системы, общий вид. Метод прогонки: условия применения, алгоритм.	1	—		1
	ВСЕГО	34		34	55

4.2. Содержание практических (семинарских) занятий

Не предусмотрено учебным планом

4.3. Содержание лабораторных занятий

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Тема лабораторного занятия	К-во часов	К-во часов СРС
семестр № 3				
1	Метод Гаусса для решения СЛАУ	Метод Гаусса решения СЛАУ.	2	2
2	Интерполирование функций	Интерполяция функций	2	2
3	Численное интегрирование	Численное интегрирование.	2	2
4	Приближенное решение обыкновенных дифференциальных уравнений (ДУ)	Численные методы решения задачи Коши	2	2
5	Одномерная минимизация функции	Одномерная минимизация функций	4	4
6	Многомерная минимизация функций	Минимизация функции многих переменных методом градиента с дроблением шага	4	4
7	Решение системы двух нелинейных уравнений с двумя неизвестными методом Ньютона	Решение системы двух нелинейных уравнений с двумя неизвестными методом Ньютона	2	2
8	Решения нелинейных уравнений с одним неизвестным	Комбинированный метод решения нелинейных уравнений	4	4
9	Методом итераций для решения СЛАУ	Решение систем линейных уравнений методом итераций	4	4
10	Собственные числа и собственные векторы матрицы	Вычисление собственных чисел и собственных векторов матрицы	4	4
11	Аппроксимация данных	Метод наименьших квадратов	4	4
ИТОГО:			34	34
ВСЕГО:				68

4.4. Содержание курсового проекта/работы

Не предусмотрено учебным планом

4.5. Содержание расчетно-графического задания, индивидуальных домашних заданий

Учебным планом предусмотрены 2 ИДЗ.

На выполнение ИДЗ предусмотрено 9 часов самостоятельной работы студента.

ИДЗ №1. Решение нелинейных уравнений с одним неизвестным.

Цель работы: изучение методов решения нелинейных уравнений с одним неизвестным и получение практических навыков их использования.

ИДЗ №2. Минимизация функций одной переменной.

Цель работы: изучение методов приближенного вычисления значения минимума функции и получение практических навыков их использования.

5. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

5.1. Реализация компетенций

1. Компетенция ОПК-3. Способен использовать математические методы необходимые для решения задач профессиональной деятельности

Наименование индикатора достижения компетенции	Используемые средства оценивания
ОПК-3.1 Осуществляет обоснованный выбор математических методов для решения типовых задач.	защита лабораторной работы, защита ИДЗ, диф. зачет
ОПК-3.2 Решает типовые задачи математическими методами.	защита ИДЗ, защита лабораторной работы, диф. зачет

5.2. Типовые контрольные задания для промежуточной аттестации

5.2.1. Перечень контрольных вопросов (типовых заданий) для дифференцированного зачета

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание вопросов (типовых заданий)
1	Метод Гаусса для решения СЛАУ	Идея метода Гаусса. Описание прямого хода метода Гаусса. Алгоритм прямого хода. Условие реализуемости прямого хода. Обратный ход метода Гаусса. Алгоритм обратного хода. Сравнение схемы единственного деления и схемы частичного выбора. Вычисление определителя матрицы методом Гаусса. Вычисление методом Гаусса решения системы с любым числом столбцов свободных членов. Вычисление обратной матрицы методом Гаусса.
2	Интерполирование функций	Постановка задачи приближения функций. Источники такой задачи. Задача интерполяции. Интерполяция в некотором классе функций. Узлы интерполяций. Полиномиальная интерполяция. Условие существования и единственности решения задачи интерполяции обобщенным многочленом. Определение и свойства конечных разностей. Интерполяционный многочлен Ньютона с конечными разностями для интерполирования: вперед; назад. Определение и свойства разделенных разностей. Интерполяционный многочлен Ньютона с разделенными разностями. Интерполяционный многочлен Лагранжа. Оценка погрешности интерполяционного многочлена.
3	Численное интегрирование	Постановка задачи численного интегрирования. Квадратурная формула: определение, узлы, веса и погрешность. Формула центральных прямоугольников: геометрическое обоснование и погрешность. Формула трапеций: геометрическое обоснование и погрешность. Формула Симпсона (парабол): обоснование и погрешность.

		<p>Правило Рунге оценки погрешности квадратурной формулы, достижение заданной точности.</p> <p>Формула Гаусса: постановка задачи; вывод системы уравнений для узлов и весов на отрезке интегрирования $[-1; 1]$; переход к любому отрезку интегрирования $[a, b]$.</p>
4	Численное дифференцирование	<p>Постановка задачи численного дифференцирования.</p> <p>Приближенное вычисление производных с помощью интерполяционных многочленов (случай равномерной и неравномерной сетки)</p> <p>Приближенные значения производных в узловых точках.</p>
5	Приближенное решение обыкновенных дифференциальных уравнений (ДУ)	<p>Определение задачи Коши для ДУ.</p> <p>Классификация методов приближенного решения задачи Коши.</p> <p>Метод последовательного дифференцирования.</p> <p>Метод Эйлера: геометрический смысл, погрешность.</p> <p>Методы второго порядка. Метод Эйлера-Коши; модифицированный метод Эйлера.</p> <p>Метод Рунге-Кутты.</p> <p>Правило Рунге оценки погрешности численного решения задачи Коши.</p> <p>Приближенное решение нормальных систем ДУ.</p>
6	Одномерная минимизация функций	<p>Постановка задачи одномерной минимизации функции.</p> <p>Понятие локального и глобального минимума функции.</p> <p>Определение и достаточные условия локального минимума.</p> <p>Этапы решения задачи минимизации функции на отрезке.</p> <p>Определение и достаточное условие унимодальности функции на отрезке.</p> <p>Определение деления отрезка в «золотом сечении».</p> <p>Методы минимизации функции: оптимальный пассивный поиск, метод деления отрезка пополам, метод чисел Фибоначчи, метод «золотого сечения».</p> <p>Алгоритм метода золотого сечения. Правило остановки.</p> <p>Нахождение глобального минимума функции.</p>
7	Многомерная минимизация функций	<p>Постановка задачи многомерной минимизации.</p> <p>Необходимое и достаточное условие точки локального минимума.</p> <p>Характеристика методов спуска. Метод градиента с дроблением шага. Алгоритм метода и правило остановки.</p> <p>Метод наискорейшего спуска.</p>
8	Решение системы двух нелинейных уравнений с двумя неизвестными методом Ньютона	<p>Решение системы двух нелинейных уравнений с двумя неизвестными методом Ньютона.</p> <p>Выбор начального приближения к решению системы.</p> <p>Линеаризация системы.</p>
9	Решения нелинейных уравнений с одним неизвестным	<p>Определения: корня уравнения, приближенного значения корня уравнения.</p> <p>Методы отделения корней.</p> <p>Геометрическая иллюстрация метода хорд. Признак неподвижной точки.</p> <p>Алгоритм метода хорд. Вывод вычислительных формул.</p> <p>Метод Ньютона (касательных). Геометрическая иллюстрация метода. Вычислительная формула. Выбор начального приближения.</p> <p>Условия применимости комбинированного метода.</p> <p>Алгоритм комбинированного метода. Правило остановки.</p>

10	Методом итераций для решения СЛАУ	<p>Определение нормы вектора в n-мерном векторном пространстве, p-норма; случаи $p = 1, 2, \infty$.</p> <p>Определение нормы матрицы, подчиненной данной норме вектора. Примеры норм.</p> <p>Форма системы линейных уравнений, необходимая для применения метода итераций. Идея метода.</p> <p>Алгоритм метода итераций. Правило остановки.</p> <p>Априорная и апостериорная оценка сходимости метода итераций.</p> <p>Переход от данной системы к системе, решаемой методом итераций.</p>
11	Собственные числа и собственные векторы матрицы	<p>Определение собственного числа и соответствующего ему собственного вектора матрицы A.</p> <p>Степенной метод: условие применимости, алгоритм, правило остановки.</p> <p>Вычисление следующего по модулю собственного числа.</p>
12	Аппроксимация данных	<p>Постановка задачи аппроксимации.</p> <p>Аппроксимация данных методом наименьших квадратов с помощью обобщенного многочлена.</p> <p>Погрешность аппроксимаций.</p>
13	Трехдиагональная система уравнений	<p>Определение трехдиагональной системы линейных уравнений.</p> <p>Вывод расчетных формул метода прогонки.</p> <p>Алгоритм метода прогонки. Условие реализации метода.</p>

Типовые задачи к дифференцированному зачету

1. Решите систему линейных алгебраических уравнений методом Гаусса:

$$\begin{cases} x + 2y + z = 4, \\ 3x - 5y + 3z = 1, \\ 2x + 7y - z = 8. \end{cases}$$

2. Методом Гаусса вычислить определитель матрицы A:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 3 & -5 & 3 \\ 2 & 7 & -1 \end{pmatrix}$$

3. Методом Гаусса вычислить матрицу обратную к матрице A.
4. Найти приближенное значение функции $y(x) = \ln(x)$, используя интерполяционный многочлен Лагранжа, при $x = a = 1,23$.
5. Найти приближенное значение функции $y(x) = \ln(x)$, используя интерполяционный многочлен Ньютона при $x = a = 1,23$.
6. Найти приближенное значение определенного интеграла по формуле метода центральных прямоугольников/трапеций/парабол:

$$\int_{-2}^1 (6x^2 - 2x + 3) dx$$

7. Найти приближенное значение определенного интеграла по формуле Гаусса:

$$\int_3^5 (2^x + \ln x) dx$$

8. Найти численное решение задачи Коши методом Эйлера/Эйлера-Коши/модифицированным методом Эйлера/Рунге-Кутты:

$$y' - \frac{3y}{x} = x^3 + x, \quad y|_{x=1} = 3, \quad 1 \leq x \leq 2$$

9. Найти приближенное решение системы двух нелинейных уравнений с двумя неизвестными методом Ньютона:

$$\begin{cases} \sin x + 2y = 2; \\ x^2 + y^2 = 1. \end{cases}$$

10. Найти приближенное значение минимума функции:

$$y = (4x^2 - 9)(x^2 + 1)$$

1. По таблице значений функции выполнить построение интерполяционного многочлена Лагранжа/Ньютона и определите приближенное значение функции в точке $x=0,25$.

i	0	1	2	3
x_i	0,1	0,2	0,3	0,4
y_i	4,8	3,6	3,2	2,8

2. С помощью метода Гаусса вычислить определитель матрицы A :

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 2 & 5 & 2 \\ 4 & 8 & 3 \end{pmatrix}$$

3. Выполните один шаг метода градиента с дроблением шага для поиска приближенного значения минимума функции: $f(\vec{x}) = f(x_1, x_2) = 2x_1^2 + x_2^2 + x_1x_2 + x_1 + x_2$

В качестве начального приближения использовать точку: $\vec{x}^{(0)} = (0,0)$. Сравните значения функции в точках $\vec{x}^{(0)}$ и $\vec{x}^{(1)}$.

4. Решите систему линейных уравнений методом Гаусса:

$$\begin{cases} 3x_1 + 6x_2 - 2x_3 = 7 \\ 5x_1 + x_2 - 7x_3 = -1 \\ 4x_1 - 5x_2 + 5x_3 = 4 \end{cases}$$

5. Используя метод Гаусса, найдите обратную матрицу к матрице A или докажите, что она не существует:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -1 & 0 & 3 \\ 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

6. Решите методом итераций систему уравнений с точностью $\varepsilon=0,01$

$$\begin{cases} 3.8x_1 + 6.7x_2 - 1.2x_3 = 5.2 \\ 6.4x_1 + 1.3x_2 - 2.7x_3 = 3.8 \\ 2.4x_1 - 4.5x_2 + 3.5x_3 = -0.6 \end{cases}$$

7. Используя метод хорд/касательных/комбинированный, найдите второе приближение к точному значению корня уравнения

$$x^3 - 2.5x^2 - x + 2 = 0.$$

Выполнить поиск отрезка локализации корня графически и доказать для него выполнение условий применимости метода касательных

8. Методом последовательного дифференцирования найдите первые 3 члена разложения в ряд решения задачи Коши:

$$\begin{cases} y' = \sin x + y^2 \\ y(0) = -1. \end{cases}$$

9. Используя метод «золотого сечения», найдите с точностью $\varepsilon=0,25$ приближенное значение минимума функции $f(x)$ и значение функции в точке минимума:

$$f(x) = \frac{1}{4}x^4 + x^2 - 8x + 12$$

10. Методом Ньютона с точностью $\varepsilon=0,01$ найдите одно из решений системы уравнений:

$$\begin{cases} y(x-1) - 1 = 0 \\ x^2 - y^2 - 1 = 0 \end{cases}$$

11. Вычислите по формуле центральных прямоугольников/трапеций/Симпсона при $n=6$ интеграл:

$$\int_0^1 \frac{x^3 + 4x + 2}{x} dx$$

12. Найдите численное решение задачи Коши методом Рунге-Кутты

$$\begin{cases} y' = \frac{2}{x}y + x \\ y(1) = 0 \end{cases}$$

с шагом $h=0,1$, на отрезке $[1; 1,2]$.

5.2.2. Перечень контрольных материалов для защиты курсового проекта/ курсовой работы

Не предусмотрено учебным планом.

5.3. Типовые контрольные задания (материалы) для текущего контроля в семестре

Текущий контроль осуществляется в течение семестра в форме выполнения и защиты лабораторных работ, выполнения и защиты индивидуального домашнего задания.

В методических указаниях по выполнению лабораторных работ представлен перечень лабораторных работ, обозначены цель и задачи, необходимые теоретические и методические указания работе, рассмотрены практические примеры, представлены индивидуальные варианты заданий и перечень контрольных вопросов.

Защита лабораторной работы проводится в форме устного опроса студента и направлена на проверку степени усвоения материала и понимания теоретических сведений, используемых в процессе выполнения работы; для защиты необходимо представить в печатной (рукописной) форме отчет по лабораторной работе, выполненный самостоятельно и в соответствии со всеми требованиями, приведёнными в методических указаниях к выполнению лабораторных работ. Примерные перечень контрольных вопросов для защиты лабораторных работ приведен в таблице:

Тематика лабораторной работы	Контрольные вопросы
Лабораторная работа № 1. Метод Гаусса для решения СЛАУ	<p>Определение матрицы. Правила выполнения действий над матрицами.</p> <p>Определение системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ).</p> <p>Определение решения СЛАУ.</p> <p>Форма записи системы линейных алгебраических уравнений.</p> <p>Случаи, когда СЛАУ имеет единственное решения, не имеет решения, имеет бесконечное множество решений.</p> <p>Этапы схемы единственного деления метода Гаусса.</p> <p>Описание первого шага прямого хода метода Гаусса. Условие его выполнимости.</p> <p>Описание обратного хода метода Гаусса.</p> <p>Недостатки схемы единственного деления метода Гаусса.</p> <p>Вычисление определителя матрицы по методу Гаусса.</p> <p>Решение методом Гаусса систем линейных уравнений с общей</p>

	<p>матрицей коэффициентов при неизвестных и произвольным числом столбцах свободных членов.</p> <p>Понятие обратной матрицы. Связь между матрицей и обратной к ней матрицей. Вычисление обратной матрицы методом Гаусса.</p>
Лабораторная работа № 2. Интерполирование функций	<p>Понятие интерполяционного многочлена и его свойства.</p> <p>Форма записи интерполяционного многочлена степени n.</p> <p>Интерполяционный многочлен Лагранжа: понятие, форма записи.</p> <p>Определение разделенных разностей: первого, второго, k-го порядка.</p> <p>Определение конечных разностей: первого, второго, k-го порядка.</p> <p>Интерполяционный многочлен Ньютона: интерполирование вперед, интерполирование назад.</p> <p>Увеличение числа узлов интерполяционной сетки.</p> <p>Свойства конечных и разделенных разностей.</p> <p>Погрешность интерполяционного многочлена.</p> <p>Принцип Рунге для оценки погрешности вычислений.</p>
Лабораторная работа № 3. Численное интегрирование	<p>Определение интеграла. Неопределенный интеграл.</p> <p>Постановка задачи численного интегрирования.</p> <p>Понятие и геометрический смысл определенного интеграла.</p> <p>Формула центральных прямоугольников. Геометрическое обоснование.</p> <p>Формула трапеций. Геометрическое обоснование.</p> <p>Формула парабол. Геометрическое обоснование.</p> <p>Квадратурная формула Гаусса.</p> <p>Погрешность квадратурной формулы.</p>
Лабораторная работа № 4. Приближенное решение обыкновенных дифференциальных уравнений (ДУ)	<p>Определение дифференциального уравнения (ДУ). Порядок ДУ.</p> <p>Определение решения ДУ.</p> <p>Постановка задачи Коши. Решение задачи Коши.</p> <p>Понятие аналитического метода приближенного решения задачи Коши.</p> <p>Понятие численного метода приближенного решения задачи Коши.</p> <p>Метод последовательного дифференцирования.</p> <p>Геометрический смысл метода Эйлера.</p> <p>Методы второго порядка точности: формулы вычисления.</p> <p>Метод Рунге-Кутты: формулы вычисления.</p> <p>Относительная и абсолютная погрешность.</p> <p>Применение принципа Рунге для достижения заданной точности.</p> <p>Приближенное значение функции в точке по методу Рунге.</p>
Лабораторная работа № 5. Решение системы двух нелинейных уравнений с двумя неизвестными методом Ньютона	<p>Определение системы уравнений.</p> <p>Определение решения системы уравнений.</p> <p>Понятие СЛАУ. Условие единственности решения СЛАУ.</p> <p>Корень системы уравнений: графическая интерпретация.</p> <p>Понятие частной производной функции нескольких переменных и ее вычисление.</p> <p>Ряд Тейлора: понятие, вычислительные формулы.</p> <p>Линеаризация системы двух нелинейных уравнений с двумя неизвестными.</p> <p>Правила Крамера для решения системы линейных уравнений.</p> <p>Выбор начального приближения к точному решению системы двух нелинейных уравнений с двумя неизвестными методом Ньютона.</p> <p>Правило остановки для решения системы двух нелинейных уравнений с двумя неизвестными методом Ньютона.</p>
Лабораторная работа № 6. Одномерная минимизация функции	<p>Постановка задачи одномерной минимизации.</p> <p>Понятие локального и глобального минимума функции $y = f(x)$.</p> <p>Понятие локального и глобального максимума функции $y = f(x)$.</p> <p>Понятие унимодальности функции на отрезке.</p> <p>Теорема об уменьшении отрезка локализации точки минимума функции.</p> <p>Локализация минимума функции с помощью ее графика.</p> <p>Метод оптимального поиска: понятие, вычислительные формулы.</p> <p>Метод, основанный на использовании чисел Фибоначчи: понятие, вычислительные формулы.</p>

	<p>Метод деления отрезка пополам: понятие, вычислительные формулы.</p> <p>Метод «золотого сечения»: понятие, вычислительные формулы</p>
Лабораторная работа № 7. Минимизация функции многих переменных методом градиента с дроблением шага	<p>Определение точки локального минимума функции m переменных.</p> <p>Определение точки глобального минимума функции m переменных.</p> <p>Понятие окрестности точки в m-мерном пространстве.</p> <p>Понятие поверхности уровня для целевой функции.</p> <p>Определение градиента функции m переменных</p> <p>Условие локального минимума функции m переменных.</p> <p>Метод градиента с дроблением шага: параметры, формула вычисления приближенного значения минимума функции, правило остановки.</p>
Лабораторная работа № 8. Комбинированный метод решения нелинейных уравнений	<p>Понятие решения уравнения с одним неизвестным.</p> <p>Кратность корня уравнения. Простые и кратные корни.</p> <p>Схема исследование функции.</p> <p>Построение графика функции.</p> <p>Поиск решения уравнения с одним неизвестным графическим методом.</p> <p>Метод хорд: условия, алгоритм, графическая интерпретация.</p> <p>Метод касательных: условия, алгоритм, графическая интерпретация.</p> <p>Комбинированный метод: условия, алгоритм, графическая интерпретация.</p>
Лабораторная работа № 9. Решение систем линейных уравнений методом итераций	<p>Матрица и вектор: понятие, основные действия.</p> <p>Решение системы уравнений: точное и приближенное.</p> <p>Понятие нормы вектора и нормы матрицы.</p> <p>Вычисление первой и бесконечной нормы вектора и нормы матрицы.</p> <p>Понятие диагонального преобладания.</p> <p>Метод итераций: понятие, алгоритм метода.</p> <p>Оценка предполагаемого числа итераций.</p>
Лабораторная работа № 10. Вычисление собственных чисел и собственных векторов матрицы	<p>Понятие матрицы. Действия с матрицами.</p> <p>Понятие собственного числа матрицы.</p> <p>Понятие собственного вектора матрицы.</p> <p>Понятие и вычисление нормы вектора.</p> <p>Степенной метод: вычислительные формулы и алгоритм.</p> <p>Степенной метод со сдвигами: вычислительные формулы и алгоритм.</p>
Лабораторная работа № 11. Аппроксимация данных Метод наименьших квадратов	<p>Постановка задачи аппроксимации данных.</p> <p>Постановка задачи интерполяции.</p> <p>Отличие интерполяции и аппроксимации функции.</p> <p>Графическая иллюстрация интерполирующей и аппроксимирующей функций.</p> <p>Получение вычислительных формул метода наименьших квадратов.</p> <p>Метод наименьших квадратов: алгоритм.</p>

Критерии оценки лабораторной работы: лабораторная работа считается защищенной, если студент выполнил задание к работе полностью и во время устного опроса по работе правильно ответил на заданные преподавателем дополнительные вопросы.

Индивидуальное домашнее задание

На выполнение ИДЗ предусмотрено 9 часов самостоятельной работы студента.

ИДЗ №1. Минимизация функции одной переменной.

Цель: изучить «метод золотого сечения» для нахождения приближенного решения задачи одномерной минимизации функции и получить практические навыки его применения.

Задания к работе: найти область определения функции, определить промежутки унимодальности функции; найти приближенное решение задачи одномерной минимизации $f(x) \rightarrow \min$ с заданной точностью.

ИДЗ №2. Решение нелинейных уравнений: метод хорд и метод касательных.

Цель: изучить и получить практические навыки решения нелинейных уравнений с использованием метода хорд и метода касательных.

Задания к работе: определить корни уравнения графически и аналитически; определить отрезок локализации корня; обосновать выбор неподвижной точки метода хорд и начального приближения каждого метода; вычислить корень уравнения с заданной точностью методом хорд и методом касательных; сравнить результаты двух методов.

Критерии оценки: для сдачи ИДЗ студенту необходимо представить в печатной (рукописной) форме отчет по ИДЗ. Защита проводится в форме устного опроса студента и направлена на проверку степени усвоения материала и понимания теоретических сведений, используемых в процессе выполнения работы.

5.4. Описание критериев оценивания компетенций и шкалы оценивания

При промежуточной аттестации в форме дифференцированного зачета используется следующая шкала оценивания: зачет, не зачет.

Критериями оценивания достижений показателей являются:

Наименование показателя оценивания результата обучения по дисциплине	Критерий оценивания
Знания	Знание терминов, определений, понятий
	Знание основных закономерностей, соотношений, принципов
	Объем освоенного материала
	Полнота ответов на вопросы
	Четкость изложения и интерпретации знаний
Умения	Умение решать стандартные профессиональные задачи вычислительной математики
	Умение использовать теоретические знания для выбора методики решения профессиональных задач
	Умение проверять решение и анализировать результаты
Навыки	Владение навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности
	Качество выполнения исследований объектов профессиональной деятельности
	Самостоятельность выполнения исследований объектов профессиональной деятельности

Оценка преподавателем выставляется интегрально с учётом всех показателей и критериев оценивания.

Оценка сформированности компетенций по показателю Знания.

Критерий	Уровень освоения и оценка			
	2	3	4	5
Знание терминов, определений, понятий	Не знает терминов и определений	Знает термины и определения, но допускает неточности формулировок	Знает термины и определения	Знает термины и определения, может корректно сформулировать их самостоятельно

Знание основных закономерностей, соотношений, принципов	Не знает основные закономерности и соотношения, принципы построения знаний	Знает основные закономерности, соотношения, принципы построения знаний	Знает основные закономерности, соотношения, принципы построения знаний, их интерпретирует и использует	Знает основные закономерности, соотношения, принципы построения знаний, может самостоятельно их получить и использовать
Объем освоенного материала	Не знает значительной части материала дисциплины	Знает только основной материал дисциплины, не усвоил его деталей	Знает материал дисциплины в достаточном объеме	Обладает твердым и полным знанием материала дисциплины, владеет дополнительными знаниями
Полнота ответов на вопросы	Не дает ответы на большинство вопросов	Дает неполные ответы на все вопросы	Дает ответы на вопросы, но не все - полные	Дает полные, развернутые ответы на поставленные вопросы
Четкость изложения и интерпретации знаний	Излагает знания без логической последовательности	Излагает знания с нарушениями в логической последовательности	Излагает знания без нарушений в логической последовательности	Излагает знания в логической последовательности, самостоятельно их интерпретируя и анализируя
	Не иллюстрирует изложение поясняющими схемами, рисунками и примерами	Выполняет поясняющие схемы и рисунки небрежно и с ошибками	Выполняет поясняющие рисунки и схемы корректно и понятно	Выполняет поясняющие рисунки и схемы точно и аккуратно, раскрывая полноту усвоенных знаний
	Неверно излагает и интерпретирует знания	Допускает неточности в изложении и интерпретации знаний	Грамотно и по существу излагает знания	Грамотно и точно излагает знания, делает самостоятельные выводы

Оценка сформированности компетенций по показателю Умения.

Критерий	Уровень освоения и оценка			
	2	3	4	5
Умение решать стандартные профессиональные задачи с применением методов дискретной математики	Не умеет решать стандартные профессиональные задачи с помощью численных методов	Допускает неточности в решении стандартных профессиональных задач с помощью численных методов	Умеет решать стандартные профессиональные задачи с помощью численных методов	Безошибочно решает стандартные профессиональные задачи с помощью численных методов
Умение использовать теоретические знания для выбора методики решения профессиональных задач	Не умеет использовать теоретические знания для выбора методики решения профессиональных задач с помощью численных методов	Использование теоретических знаний для выбора методики решения профессиональных задач с помощью численных методов вызывает затруднения	Умеет использовать теоретические знания для выбора методики решения профессиональных задач с помощью численных методов	Умело использует теоретические знания для выбора методики решения профессиональных задач с помощью численных методов

Оценка сформированности компетенций по показателю Навыки.

Критерий	Уровень освоения и оценка			
	2	3	4	5
Владение навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности	Не владеет навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности	Не достаточно хорошо владеет навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности	Владеет навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности	Профессионально владеет навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности
Качество выполнения исследований объектов профессиональной деятельности	Не качественно выполняет исследования объектов профессиональной деятельности, допускает грубые ошибки	Не достаточно качественно выполняет исследования объектов профессиональной деятельности, допускает и исправляет ошибки с посторонней помощью	Не достаточно качественно выполняет исследования объектов профессиональной деятельности, допускает и исправляет ошибки самостоятельно	Качественно выполняет исследования объектов профессиональной деятельности
Самостоятельность выполнения исследований объектов профессиональной деятельности	Не может самостоятельно выполнять исследования объектов профессиональной деятельности	Выполняет исследования объектов профессиональной деятельности с посторонней помощью	При выполнении исследования объектов профессиональной деятельности иногда требуется посторонняя помощь	Самостоятельно выполняет исследования объектов профессиональной деятельности

6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ И УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ

6.1. Материально-техническое обеспечение

№	Наименование специальных помещений и помещений для самостоятельной работы	Оснащенность специальных помещений и помещений для самостоятельной работы
1.	Учебная аудитория для проведения лекционных занятий	Специализированная мебель. Мультимедийная установка, экран, доски
2.	Учебная аудитория для проведения лабораторных занятий	Специализированная мебель. Компьютеры на базе процессоров Intel или AMD.
3.	Читальный зал библиотеки для самостоятельной работы	Специализированная мебель. Компьютерная техника, подключенная к сети интернет и имеющая доступ в электронно-образовательную среду

6.2. Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение

№	Перечень лицензионного программного обеспечения.	Реквизиты подтверждающего документа
1	Microsoft Windows 10 Корпоративная	(Соглашение Microsoft Open Value Subscription V9221014 Соглашение действительно с 01.11.2020 по 31.10.2023). Договор поставки ПО № 128-21 от 30.10.2021.
2	Microsoft Office Professional Plus 2016	(Соглашение Microsoft Open Value Subscription V9221014 Соглашение действительно с 01.11.2020 по 31.10.2023). Договор поставки ПО № 128-21 от 30.10.2021.
3	Kaspersky Endpoint Security «Стандартный Russian Edition»	Сублицензионный договор № 102 от 24.05.2018. Срок действия лицензии до 19.08.2020 Гражданско-правовой Договор (Контракт) № 27782 «Поставка продления права пользования (лицензии) Kaspersky Endpoint Security от 03.06.2020. Срок действия лицензии 19.08.2022г.
4	Среды программирования Free Pascal, Dev C++ или CodeBlocks	Свободно распространяемое ПО согласно условиям лицензионного соглашения

6.3. Перечень учебных изданий и учебно-методических материалов

1. Петров, И.Б., Лобанов А.И. Введение в вычислительную математику [Электронный ресурс]: учебное пособи. —Москва: ИНТУИТ, Ай Пи Ар Медиа, 2020. — 352 с. URL: <https://www.iprbookshop.ru/94848.html>. Режим доступа: для авторизир. Пользователей
2. Бояршинов М.Г. Прикладные задачи вычислительной математики и механики: учебное пособие. — Саратов: Вузовское образование, 2020. — 344 с. URL: <https://www.iprbookshop.ru/93067.html>. Режим доступа: для авторизир. пользователей.
3. Эварт, Т.Е., Поздяев В.В. Методы вычислительной математики. Решение дифференциальных и матричных уравнений: учебное пособие. — Саратов: Вузовское образование, 2020. — 94 с. URL: <https://www.iprbookshop.ru/91119.html>. Режим доступа: для авторизир. пользователей.
4. Бояршинов, М. Г. Вычислительные методы алгебры и анализа: учебное пособие. — Саратов: Вузовское образование, 2020. — 225 с. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/93065.html>. — Режим доступа: для авторизир. пользователей.
5. Демидович Б. П., Марон И. А. Основы вычислительной математики. Изд-во «Лань», 2006. — 664 с.
6. Амосов А. А., Дубинский Ю. А., Копченова Н. В. Вычислительные методы для инженеров. — М.: МЭИ, 2003. — 595 с.
7. Киреев В.И., Пантелеев А.В. Численные методы в примерах и задачах. — М.: Высшая школа, 2008 г.
8. Воеводин, В. В. Вычислительная математика и структура алгоритмов: учебник. — Москва: Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова, 2010. — 168 с. URL: <https://www.iprbookshop.ru/13042.html>. Режим доступа: для авторизир. пользователей
9. Рогова Н.В. Вычислительная математика: учебное пособие / Н.В. Рогова, В.А. Рогова, Н.В., Рычков В.А. Вычислительная математика: учебное пособие. — Самара: Поволжский государственный университет телекоммуникаций и информатики, 2017. — 167 с. URL: <https://www.iprbookshop.ru/75370.html>. Режим доступа: для авторизир. пользователей
10. Бондаренко Т. В. Вычислительная математика. Лабораторный практикум для студентов направлений 09.03.01 — Информатика и вычислительная техника, 09.03.04 — Программная инженерия / Т.В. Бондаренко, Е. А. Федотов. — Белгород: Изд-во БГТУ, 2017. — 86 с.
11. Воробьева Г.Н., Данилова А.Н. Практикум по вычислительной математике - 2 издание. -М.: Высшая школа, 1990 г.
12. Поршнева С. В. Вычислительная математика: учебное пособие. — СПб.: БХВ-Петербург, 2004 г.
13. Петров И. Б., Лобанов А. И. Лекции по вычислительной математике: учебное пособие. — М.: БИНОМ. Лаборатория знаний, 2006 г.

6.4. Перечень интернет ресурсов, профессиональных баз данных, информационно-справочных систем

1. Электронная библиотека (на базе ЭБС «БиблиоТех») — Режим доступа: <http://ntb.bstu.ru>
2. Электронно-библиотечная система IPRbooks — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru>
3. Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека ONLINE» — Режим доступа: <http://www.biblioclub.ru/>

7. УТВЕРЖДЕНИЕ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ

Рабочая программа утверждена на 202__/202__ учебный год
без изменений / с изменениями, дополнениями

Протокол № _____ заседания кафедры от « ____ » _____ 202__ г.

Заведующий кафедрой _____
подпись, ФИО

Директор института _____
подпись, ФИО